

1°) Dérivées des fonctions usuelles

$f(x)$	$f'(x)$
k	0
x	1
$x^n, n \in \mathbb{N}^*$	$n x^{n-1}$
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$
$\frac{1}{x^n}, n \in \mathbb{N}^*$	$-\frac{n}{x^{n+1}}$
\sqrt{x}	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$
$\ln x$
e^x

2°) Opérations sur les dérivées

$$(u + v)' = u' + v'$$

$$(ku)' = k u' \text{ où } k \text{ est une constante}$$

$$(uv)' = u'v + uv'$$

$$\left(\frac{1}{u}\right)' = -\frac{u'}{u^2}$$

$$\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v - uv'}{v^2}$$

$$(v(u))' = \dots\dots$$

$$(e^u)' = \dots\dots$$

$$(\ln u)' = \dots\dots$$

$$(u^n)' = n u' u^{n-1} \text{ où } n \in \mathbb{N}^*$$

3°) Dérivées et tangentes

définition : Soit f une fonction définie sur un intervalle I et dérivable en x_0 . Alors, la courbe représentative de f admet une tangente au point A d'abscisse x_0 qui est la droite passant par A et de coefficient directeur $f'(x_0)$.

Applications :

→ Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x^2 + 3x - 1$.

Détermine une équation de la tangente à la courbe de f au point d'abscisse 1.

→ On considère une fonction f dont la courbe est représentée ci-contre. Détermine graphiquement :

$$f'(-1) = \dots\dots$$

$$f'(0) = \dots\dots$$

